

KOMBINATORNA MATEMATIKA (KOMBINATORIKA)

1.Kombinacije bez ponavljanja. – Neka je dat skup S od n elemenata(različitih), $n \geq 1$.

Svaki podskup od k različitih elemenata iz skupa S ,naziva se kombinacija bez ponavljanja klase k (kombinacija k-te klase) skupa S od n elemenata, gdje je $k \leq n$.

Dakle, kombinacija k-te klase bez ponavljanja od skupa S od n elemenata je jedan podskup od k elemenata,različitih,a tih k elemenata su iz skupa S, pri čemu je $k \leq n$, ili, $n \geq k \geq 1$, tj.

broj elemenata podskupa je k,a k mora biti manji od n ili jednak n-broju elemenata polaznog(datog)skupa S.

Kombinacija k-te klase(k-te čitati: ka-te)=ka-to članom podskupu različitih elemenata=podskup od k različitih elemenata.

Recimo,ako je $k=1$,imamo jednočlane poskupove;ako je $k=2$ imamo dvočlane podskupove;ako je $k=3$ imamo tročlane podskupove(podskup ima samo 3 elementa);ako je $k=4$ imamo četvoročlane podskupove(podskup ima samo 4 elementa),itd.

Zbog poistovjećivanja podskupova i odgovarajućih kombinacija,imamo i kombinacije prve klase,kombinacije druge klase,kombinacije treće klase,kombinacije četvrte klase (klase $k=4$),itd.

Ukupan broj kombinacija bez ponavljanja k-te klase = ukupnom broju k-točlanih različitih podskupova sa različitim elementima.

Broj kombinacija C k-te klase skupa S od n elemenata onačava se sa:

C_n^k ili $(n)_k$. Oznaka $(n)_k$ čita se ovako: en nad ka (en iznad ka).

Dakle ,

$$C_n^k = \binom{n}{k} = \frac{n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdot (n-3) \cdots (n-(k-1))}{k!} \quad \dots \dots \dots (1)$$

$$C_n^k = \binom{n}{k} = \frac{n!}{k! \cdot (n-k)!} \quad \dots \dots \dots (2)$$

Može se dokazati da su desne strane u formulama (1) i (2) jednake, što znači da se može koristiti bilo koja od njih (ne moraju obje) za izračunavanje broja kombinacija **C** klase k , skupa S od n elemenata, gdje je $n \geq k \geq 1$.

Napomena 1: U brojiocu formule (1) : $n(n-1)(n-2)(n-3)\dots (n-(k-1))$

Imamo k činilaca uvijek, jer je u imeniocu iste formule faktorijel broja k, tj $k!$. Oznaka $k!$ čita se ovako: ka faktorijel.

$k! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5 \cdots (k-1) \cdot k$ =proizvod prvih k prirodnih brojeva.

$k! = k \cdot (k-1) \cdot (k-2) \cdots 5 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1$.

Napomena 2: Kombinacija bez ponavljanja znači, svaki element koji se javlja, pojavljuje u njoj ili u podskupu koji odgovara toj kombinaciji pojavljuje se samo jednom, svi elementi podskupa (kombinacije) su različiti i njihov redoslijed u podskupu nije bitan, nije važan. **Poredak-redoslijed elemenata kod kombinacija nije važan.**

Može se dokazati da važi i ova formula:

$$\binom{n}{k} = \binom{n}{n-k}, \text{ pod uslovom da je } n \geq k. \quad \dots \dots \dots (3)$$

Postoje i kombinacije sa ponavljanjem elemenata.