

Kompleksni brojevi

Skup kompleksnih brojeva \mathbb{C} je skup:

$$\mathbb{C} = \{ a + ib \mid a, b \in \mathbb{R} \}$$

Oblik kompleksnog broja $z = a + ib$ naziva se **normalni** ili algebarski oblik kompleksnog broja.

Realni broj a naziva se **realni** deo kompleksnog broja z i označava se sa $Re(z)$ ili $Re(z)$

Realni broj b naziva se **imaginarni** deo kompleksnog broja z i označava se sa $Im(z)$ ili $Im(z)$

Broj z je realan ako je $Im(z) = 0$. Ako je $Re(z) = 0$ i $Im(z) \neq 0$, kaže se da je z imaginaran broj.

$i = \sqrt{-1}$ je imaginarna jedinica.

Pravilo Ekvivalent

$$i^1 = i \qquad i_{4n+1} = i$$

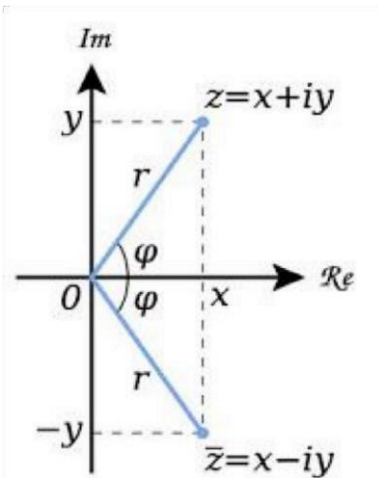
$$i^2 = -1 \qquad i_{4n+2} = -1$$

$$i^3 = -i \qquad i_{4n+3} = -i$$

$$i^4 = 1 \qquad i_{4n} = 1$$

Konjugovano kompleksan broj

Konjugovano kompleksni broj broja $z = x + yi$ jeste broj $z^- = x - yi$, tj. kompleksni broj, koji se od datog broja razlikuje samo po znaku imaginarnog dela.

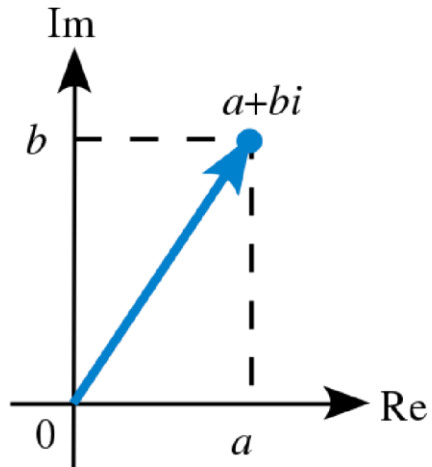


Kompleksan broj z i njemu konjugovan kompleksan broj z^-

Moduo kompleksnog broja

Moduo kompleksnog broja z označavamo sa $|z|$ i to je nenegativan realan broj

$|z| = \sqrt{(Re z)^2 + (Im z)^2}$. Primećujemo da moduo kompleksnog broja nije ništa drugo do rastojanje kompleksnog broja u kompleksnoj ravni od tačke $O = (0, 0)$.



Sabiranje, množenje i deljenje kompleksnih brojeva

Neka su $z_1 = a + bi$ i $z_2 = c + di$. Tada važi:

Sabiranje kompleksnih brojeva:

$$z_1 + z_2 = (a + bi) + (c + di) = (a + c) + (b + d)i \quad \text{Oduzimanje}$$

kompleksnih brojeva:

$$z_1 - z_2 = (a + bi) - (c + di) = (a - c) + (b - d)i \quad \text{Množenje}$$

kompleksnih brojeva:

$$z_1 \cdot z_2 = (a + bi)(c + di) = (ac - bd) + (ad + bc)i$$

Pazi kako množiš dva kompleksna broja:


$$(-3-5i)(7-9i)$$

Deljenje k(ompleksnih brojeva:

$$z_1 : z_2 = \frac{(ac+bd)+(bc-ad)i}{a^2+b^2}$$